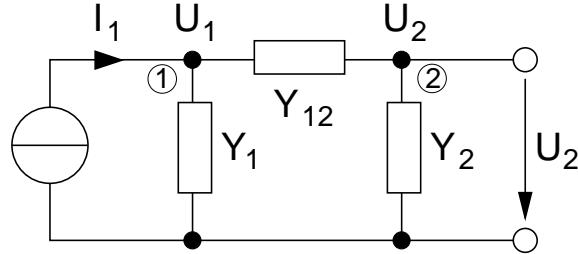


Aufgabe A1)

Berechnung der Wirkungsfunktion mit Hilfe der Knotenspannungsanalyse:



Aufstellen der Knotengleichungen:

$$\begin{pmatrix} Y_1 + Y_{12} & -Y_{12} \\ -Y_{12} & Y_2 + Y_{12} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} U_1 \\ U_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{array}{l} U_1 = \frac{I_1(Y_2 + Y_{12})}{\det(Y)} \\ U_2 = \frac{-I_1(-Y_{12})}{\det(Y)} \end{array}$$

$$\underline{H}_1 = \frac{\underline{U}_1}{I_1}, \quad \underline{H}_2 = \frac{\underline{U}_2}{I_1}, \quad \underline{H}_3 = \frac{\underline{U}_2}{\underline{U}_1}$$

Berechnung von \underline{H}_1 :

$$\underline{I}_1 = \underline{U}_1(Y_1 + Y_{12}) - \underline{U}_2 Y_{12} \quad (0.1)$$

$$0 = -\underline{U}_1(Y_{12}) + \underline{U}_2(Y_{12} + Y_2) \quad (0.2)$$

$$U_1(Y_{12}) = U_2(Y_{12} + Y_2) \quad (0.3)$$

$$U_2 = \frac{U_1 Y_{12}}{Y_{12} + Y_2} \quad (0.4)$$

$$I_1 = U_1(Y_1 + Y_{12}) - \frac{U_1 Y_{12} Y_{12}}{(Y_{12} + Y_2)} \quad (0.5)$$

$$I_1 = \frac{U_1(Y_1 + Y_{12})(Y_{12} + Y_2) - U_1 Y_{12}^2}{Y_{12} + Y_2} \quad (0.6)$$

$$H_1 = \frac{U_1}{I_1} = \frac{Y_{12} + Y_2}{(Y_1 + Y_{12})(Y_{12} + Y_2) - Y_{12}^2} \quad (0.7)$$

Berechnung von \underline{H}_2 :

$$U_1 = \frac{U_2(Y_{12} + Y_2)}{Y_{12}} \quad (0.8)$$

$$I_1 = U_1(Y_1 + Y_{12}) - U_2 Y_{12} \quad (0.9)$$

$$I_1 = \frac{U_2(Y_{12} + Y_2)(Y_1 + Y_{12}) - U_2 Y_{12}^2}{Y_{12}} \quad (0.10)$$

$$\frac{I_1}{U_2} = \frac{(Y_{12} + Y_2)(Y_1 + Y_{12}) - Y_{12}^2}{Y_{12}} \quad (0.11)$$

$$H_2 = \frac{U_2}{I_1} = \frac{Y_{12}}{(Y_{12} + Y_2)(Y_1 + Y_{12}) - Y_{12}^2} \quad (0.12)$$

Berechnung von \underline{H}_3 äquivalent (Beachte, daß $\underline{U}_1 \underline{Y}_1$ kurzschließt, s.auch A2)

Aufgabe A2)

Bspl: zeigen, daß in der Wirkungsfunktion das Nennerpolynom aus der Determinante der Koeffizientenmatrix besteht.

$$\det(Y) = (Y_1 + Y_{12})(Y_2 + Y_{12}) - Y_{12}^2$$

$$\det(Y) = Y_1 Y_2 + Y_1 Y_{12} + Y_2 Y_{12} + \underbrace{Y_{12}^2}_{\det(Y)} - \underbrace{Y_{12}^2}_{\det(Y)}$$

von Hand:

$$\begin{aligned} I_1 \left(Y_1 + \frac{1}{\frac{1}{Y_{12}} + \frac{1}{Y_2}} \right)^{-1} = U_1 \Rightarrow U_1 &= \left[\frac{\left(\frac{1}{Y_{12}} + \frac{1}{Y_2} \right) Y_1 + 1}{\frac{1}{Y_{12}} + \frac{1}{Y_2}} \right]^{-1} I_1 \\ &= \left[\frac{(Y_2 + Y_{12})Y_1 + Y_{12}Y_2}{Y_2 + Y_{12}} \right]^{-1} I_1 \\ U_1 &= \left[\frac{\overbrace{Y_1 Y_2 + Y_1 Y_{12} + Y_{12} Y_2}^{\det(Y)}}{Y_2 + Y_{12}} \right]^{-1} I_1 \text{ q. e. d.} \end{aligned}$$

$$U_1 \frac{\frac{1}{Y_2}}{\frac{1}{Y_{12}} + \frac{1}{Y_2}} = U_2$$

keine Determinante, da durch $U_1 Y_1$ kurzgeschlossen \rightarrow andere Topologie, andere Matrizen dann wieder alle Wirkfunktionen mit gleicher anderer Determinante

$$\begin{aligned}
 I_1 \left[\frac{\det(Y)}{Y_2 + Y_{12}} \right]^{-1} \cdot \frac{\frac{1}{Y_2}}{\frac{1}{Y_{12}} + \frac{1}{Y_2}} &= U_2 \\
 I_1 \left[\frac{\det(Y)}{Y_2 + Y_{12}} \right]^{-1} \cdot \frac{Y_{12}}{Y_{12} + Y_2} &= U_2 \\
 I_1 \frac{Y_{12}}{\det(Y)} &= U_2 \text{ q. e. d.}
 \end{aligned}$$

Aufgabe B1)

$$\begin{aligned}
 -U_e + U_d + U_a = 0 &\quad \leftarrow \frac{U_a}{V_u} = U_d \quad (0.13) \\
 &\quad (0.14)
 \end{aligned}$$

$$-U_e + \frac{U_a}{V_u} + \frac{U_a V_u}{V_u} = 0 \quad (0.15)$$

$$-U_e + \frac{U_a(1 + V_u)}{V_u} = 0 \Leftrightarrow \frac{U_a}{U_e} = \frac{V_u}{1 + V_u} \quad (0.16)$$

Aufgabe B2)

für $U_a = U_e$ muss gelten: $V_u = 1 + V_u$, was für sehr große V_u erfüllt ist.

Aufgabe B3)

Das letzte Ergebnis liefert keine Information für das Vorzeichen von V_u .

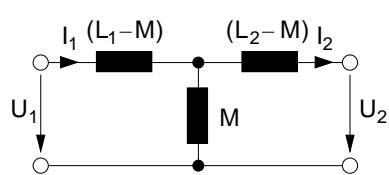
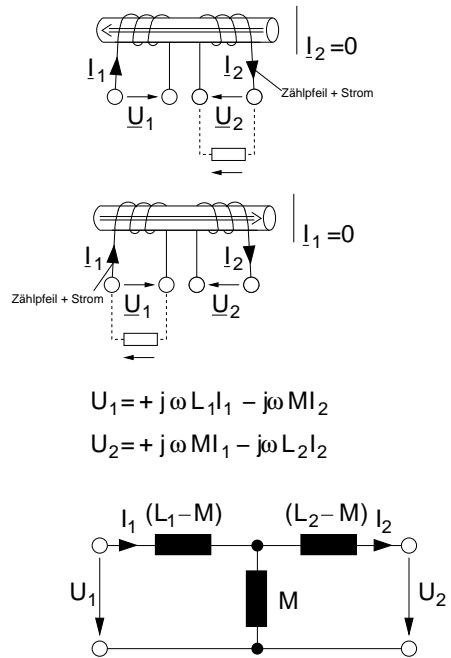
Aufgabe B4)

$R_e = \frac{U_e}{i_e} \rightarrow \infty$, da laut Voraussetzung gilt: $i_p, i_n \approx 0$.

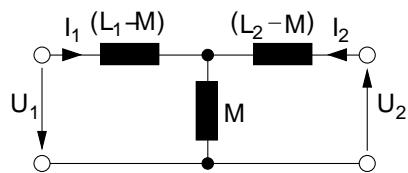
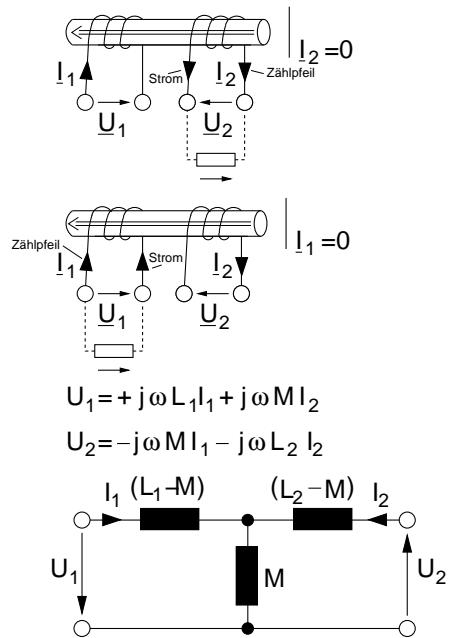
Aufgabe B5)

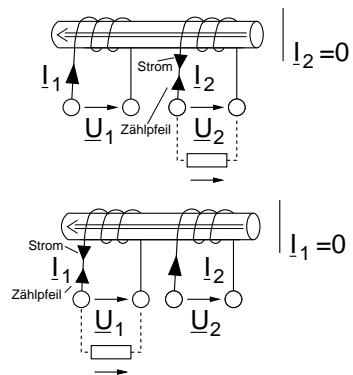
Aus V fließt mehr Strom heraus, als hineinfließt. Das ist kein Verstoß der Kirchhoffschen-Regeln, sondern resultiert aus der Tatsache, dass die Spannungsversorgung des OPi₂s unberücksichtigt bleibt.

Aufgabe C1)



Aufgabe C2)



Aufgabe C3)

$$U_1 = +j\omega L_1 I_1 + j\omega M I_2$$

$$U_2 = +j\omega M I_1 + j\omega L_2 I_2$$

