



Aufgabe 1) *Stabilität, Netzwerktheorie (aus Klausur SS2009).*

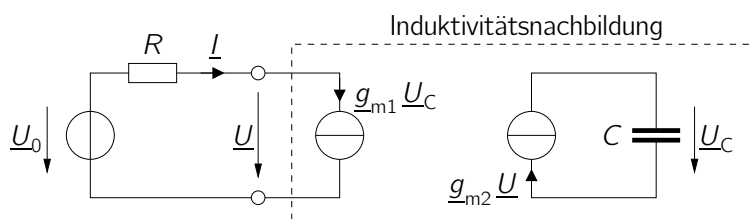


Abbildung 1: Kleinsignalersatzschaltbild einer elektronischen Induktivitätsnachbildung.

Gegeben ist in Abb. 1 eine allgemeine Spannungsquelle $\underline{U}_0(s)$ mit dem Innenwiderstand R , welche eine Schaltung ansteuert, die eine Induktivität nachbildet.

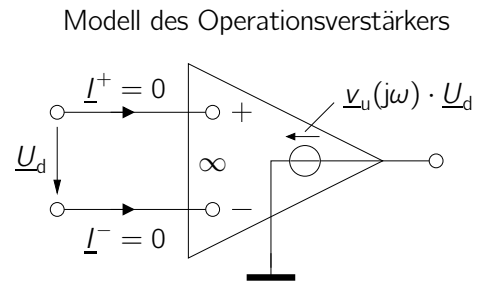
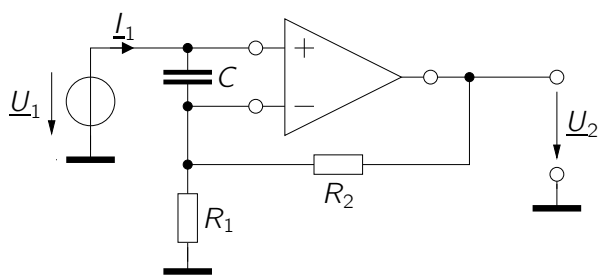
- Bestimmen Sie die Eingangsimpedanz $\frac{U}{I}$ der Nachbildung und geben Sie die Induktivität L der Nachbildung in Abhängigkeit der Schaltungselemente an.
- Analysieren Sie die Stabilität der Gesamtschaltung für

$$\underline{g}_{m1} = g_{m01} = \text{const.} \in \mathbb{R} > 0$$

$$\underline{g}_{m2} = \frac{g_{m02}}{1 + \frac{s}{\omega_2}} \quad \text{mit} \quad \{g_{m02}, \omega_2\} \in \mathbb{R} > 0$$

anhand einer Wirkungsfunktion des Netzwerks (Lage der Pole).

- Die ansteuernde Quelle erzeugt im Zeitbereich eine Diracimpuls-förmige Anregung $u_0(t) = \delta(t)$. Geben Sie den zugehörigen Strom $i(t)$ durch die Quelle an.
Hinweis: Zur inversen Laplace-Transformation gebrochen rationaler Funktionen eignet sich der Heavisidesche Entwicklungssatz.

Aufgabe 2) Operationsverstärker, Bode-Diagramm.

Gegeben ist die links gezeigte Operationsverstärkerschaltung mit einem Kondensator C zur Frequenzgangkompensation. Das Modell des Operationsverstärkers, der eine frequenzabhängige Verstärkung $\underline{v}_u(j\omega)$ aufweist, ist auf der rechten Seite dargestellt.

1. (a) Bestimmen Sie allgemein den Frequenzgang $\underline{F}(j\omega) = \frac{\underline{U}_2(j\omega)}{\underline{U}_1(j\omega)}$ der Schaltung.
- (b) Welchen Wert nimmt $\underline{F}(j\omega)$ für den Sonderfall $|\underline{v}_u(j\omega)| \rightarrow \infty$ an?
- (c) Gehen Sie davon aus, dass der Sonderfall aus 1b) äquivalent zu einer unendlich hohen Verstärkung \underline{F}_a des Hauptzweiters in der Darstellung

$$\underline{F}(j\omega) = \frac{\underline{F}_a}{1 + \underline{F}_a \underline{F}_2}$$

ist und bestimmen Sie auf diese Weise \underline{F}_2 . Geben Sie außerdem \underline{F}_a und die Schleifenverstärkung \underline{F}_0 an.

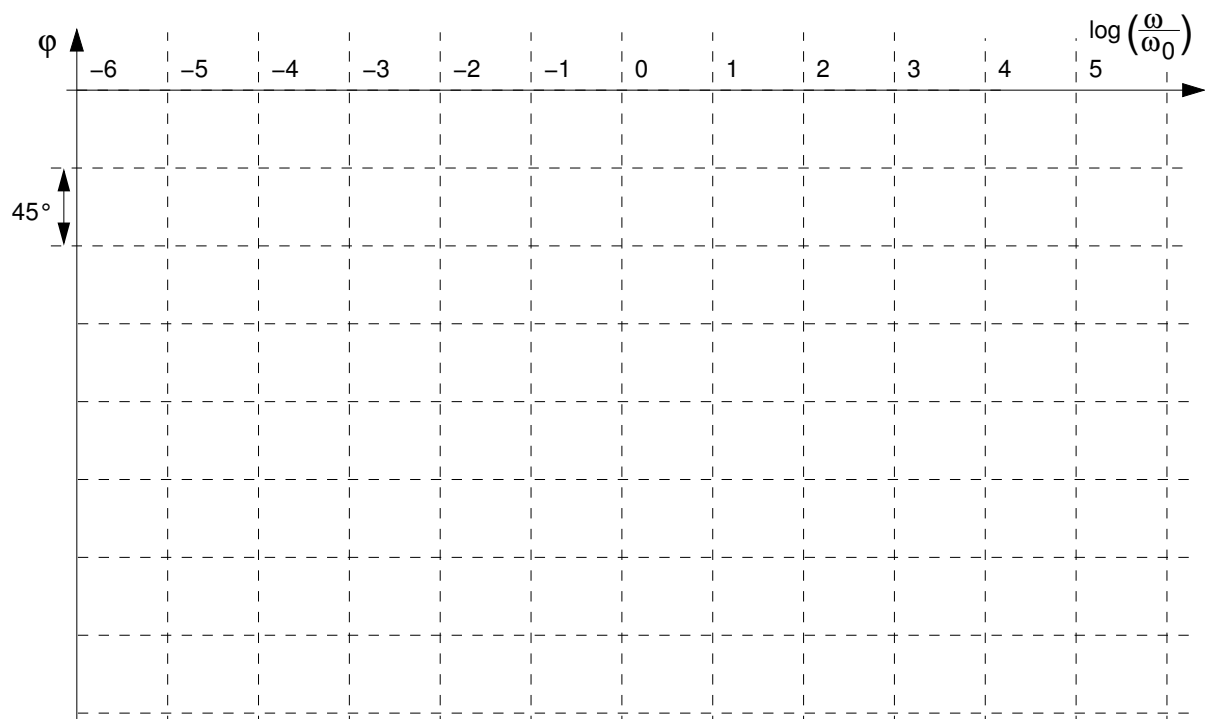
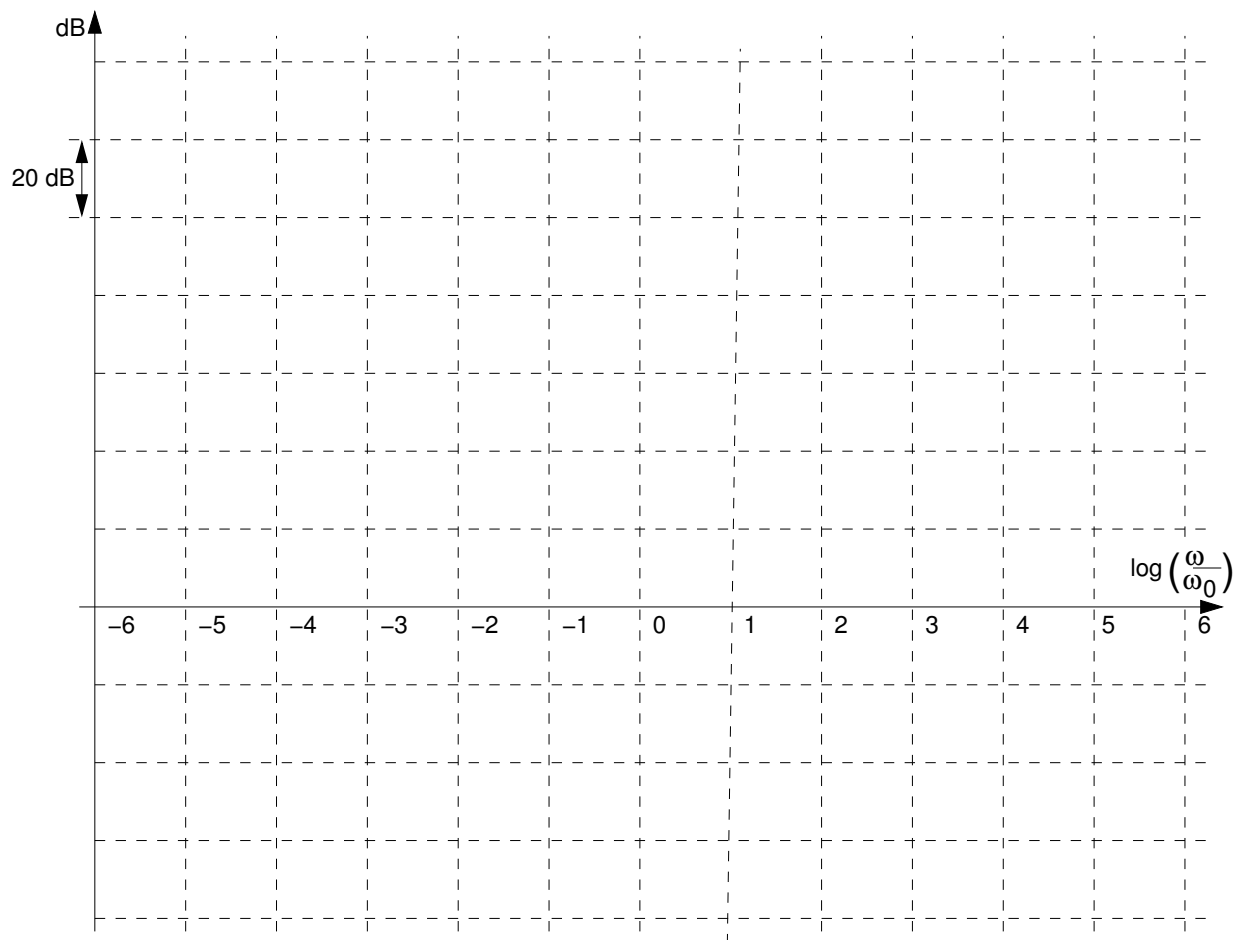
Für den Operationsverstärker gilt im Folgenden:

$$\underline{v}_u(j\omega) = \frac{v_0}{(1 + \frac{j\omega}{\omega_0}) (1 + \frac{j\omega}{10\omega_0}) (1 + \frac{j\omega}{10000\omega_0})}$$

Falls Sie Aufgabenpunkt c) nicht lösen konnten, verwenden Sie im Folgenden $\underline{F}_2 = a = \text{const.} \in \mathbb{R} > 0$ und $\underline{F}_a = \frac{\underline{v}_u(j\omega)}{(1-a)(1+j\omega RC)}$.

2. (a) Zeichnen Sie Betrag und Phase von \underline{F}_a für den unkompensierten Fall $C = 0$ in das Bode-Diagramm auf der nächsten Seite ein. Markieren und geben Sie den entsprechenden Wert für $\underline{F}_a(\omega \rightarrow 0)$ an der Betragsachse an.
- (b) Ermitteln Sie anhand des Verlaufs von \underline{F}_a im Bode-Diagramm unter 2a) die kleinste Verstärkung $\left| \frac{1}{\underline{F}_2} \right|$, die möglich ist, bevor eine Phasenreserve von 45° unterschritten wird. Tragen Sie den entsprechenden Verlauf von $\left| \frac{1}{\underline{F}_2} \right|$ in das Bode-Diagramm ein.

Hinweis: Es gilt in der logarithmischen Darstellung für die Schleifenverstärkung $|\underline{F}_0|_{\text{dB}} = |\underline{F}_a|_{\text{dB}} - \left| \frac{1}{\underline{F}_2} \right|_{\text{dB}}$.



Besprechung von Aufgabe 1 und dem Anfang von Aufgabe 2 sowie des Rests von Blatt 10:
27.07.2017