

Seminar zur Vorlesung Theoretische Physik II (Elektrodynamik)

WS 2014/2015

Blatt 4

13.11.2014

Aufgabe 9 *Symmetrie der Greenschen Funktion*

Beweisen Sie folgende Eigenschaften der Greenschen Funktion:

- a) Die Greensche Funktion, die Dirichletrandbedingungen erfüllt, ist symmetrisch in ihren Argumenten, d.h.

$$G_D(\vec{x}, \vec{x}') = G_D(\vec{x}', \vec{x}). \quad (1 \text{ Punkt})$$

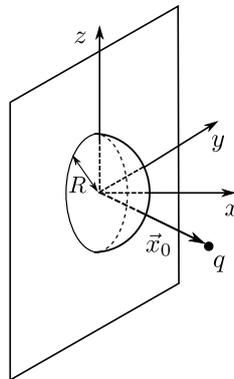
- b) Die von-Neumann Greensche Funktion kann symmetrisiert werden durch

$$G_N^{\text{sym}}(\vec{x}, \vec{x}') = G_N(\vec{x}, \vec{x}') - \frac{1}{S} \oint_S G_N(\vec{x}, \vec{y}) d^2y,$$

wobei S die Randfläche ist, auf der die von-Neumann Bedingung gegeben ist. (2 Punkte)

Hinweis: Verwenden Sie den Greenschen Satz.

Aufgabe 10 *Punktladung vor einem Leiter*



Eine Punktladung q am Ort \vec{x}_0 befindet sich vor einem unendlich ausgedehnten, geerdeten Leiter mit einer halbkugelförmigen Ausbeulung mit Radius R um den Ursprung, siehe Abbildung.

- a) Berechnen Sie das elektrische Potential $\Phi(\vec{x})$, indem Sie passende Spiegelladungen im "verbotenen" Bereich innerhalb des Leiters anbringen, so dass $\Phi(\vec{x})$ Lösung der Poisson-Gleichung im Außenraum ist und die Randbedingungen an der Leiteroberfläche erfüllt. (1 Punkt)
- b) Berechnen Sie die Influenzladungsdichte an der Leiteroberfläche, wenn die Ladung sich im Abstand d vom Ursprung auf der x-Achse befindet. (1 Punkt)
- c) Bestimmen Sie aus der Lösung von Teilaufgabe a) die Greensche Funktion $G_D(\vec{x}, \vec{x}')$ für die gegebenen Randbedingungen. Berechnen Sie damit das Potential bei beliebiger Ladungsverteilung $\rho(\vec{x})$ im Außenraum. Zeigen Sie, dass diese formale Lösung die Poisson-Gleichung mit den gegebenen Randbedingungen erfüllt. (1 Punkt)